

МІНІСТЕРСТВО АГРАРНОЇ ПОЛІТИКИ ТА ПРОДОВОЛЬСТВА УКРАЇНИ  
МИКОЛАЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ АГРАРНИЙ УНІВЕРСИТЕТ

# ВІСНИК

## АГРАРНОЇ НАУКИ ПРИЧОРНОМОР'Я

### Науковий журнал

*Виходить 4 рази на рік  
Видається з березня 1997 р.*

**Випуск 1 (77) 2014**

Миколаїв  
2014

<http://visnyk.mnau.edu.ua/>

**Засновник і видавець:** Миколаївський національний аграрний університет.

Свідоцтво про державну реєстрацію КВ №19669-9469ПР від 11.01.2013 р.

Згідно з Постановою ВАК України від 14.04.2010 р. № 1-05/3 видання включено до переліку фахових видань.

**Головний редактор:** В.С. Шебанін, д.т.н., проф., чл.-кор. НААНУ

**Заступники головного редактора:**

І.І. Червен, д.е.н., проф.

К.М. Думенко, д.т.н., доц.

В.П. Клочан, к.е.н., доц.

М.І. Гиль, д.с.-г.н., проф.

В.В. Гамаюнова, д.с.-г.н., проф.

**Відповідальний секретар:** Н.В. Потриваєва, д.е.н., доц.

**Члени редакційної колегії:**

**Економічні науки:** О.В. Шебаніна, д.е.н., проф.; Н.М. Сіренко, д.е.н., проф.; О.І. Котикова, д.е.н., проф.; Джулія Олбрайт, PhD, проф. (США); І.В. Гончаренко, д.е.н., проф.; О.М. Вишневська, д.е.н., доц.; А.В. Ключник, д.е.н., доц.; О.Є. Новіков, д.е.н., доц.; О.В. Скрипнюк, д.ю.н., проф.; О.Д. Гудзинський, д.е.н., проф.; О.Ю. Єрмаков, д.е.н., проф.; В.І. Топіха, д.е.н., проф.; В.М. Яценко, д.е.н., проф.; М.П. Сахацький, д.е.н., проф.; В.С. Дога, д.е.н., проф. (Молдова).

**Технічні науки:** Б.І. Бутаков, д.т.н., проф.; К.В. Дубовенко, д.т.н., проф.; В.І. Гавриш, д.е.н., проф.; В.Д. Будак, д.т.н., проф.; С.І. Пастушенко, д.т.н., проф.; А.А. Ставинський, д.т.н., проф.; В.П. Лялякіна, д.т.н., проф. (Росія).

**Сільськогосподарські науки:** В.С. Топіха, д.с.-г.н., проф.; Т.В. Підпала, д.с.-г.н., проф.; Л.С. Патрєва, д.с.-г.н., проф.; В.П. Рибалко, д.с.-г.н., проф., академік НААН України; І.Ю. Горбатенко, д.б.н., проф.; І.М. Рожков, д.б.н., проф.; В.А. Захаров, д.с.-г.н., проф. (Росія); С.Г. Чорний, д.с.-г.н., проф.; М.О. Самойленко, д.с.-г.н., проф.; Л.К. Антипова, д.с.-г.н., доц.; В.І. Січкар, д.б.н., проф.; А.О. Лимар, д.с.-г.н., проф.; А.П. Орлюк, д.б.н., проф.; В.Я. Щербаков, д.с.-г.н., проф.; Майкл Бьоме, проф. (Німеччина).

Рекомендовано до друку вченого радою Миколаївського національного аграрного університету. Протокол № 6 від 25.02.2014 р.

Посилання на видання обов'язкові.

Точка зору редколегії не завжди збігається з позицією авторів.

**Адреса редакції, видавця та виготовлювача:**

**54020, Миколаїв, вул. Паризької комуни, 9,**

**Миколаївський національний аграрний університет,**

**тел. 0 (512) 58-05-95, [www.mnau.edu.ua](http://www.mnau.edu.ua), e-mail: visnyk@mnau.edu.ua**

© Миколаївський національний  
аграрний університет, 2014  
<http://visnyk.mnau.edu.ua/>

# НАГРУЗОЧНАЯ СПОСОБНОСТЬ ЗУБЧАТЫХ МУФТ С УЧЕТОМ ПОГРЕШНОСТЕЙ ИЗГОТОВЛЕНИЯ ЗУБЬЕВ

**В.С. Подгуренко,** кандидат технических наук  
ООО «Ветряной парк «Очаковский», г. Николаев

Даны рекомендации по улучшению работоспособности зубчатых муфт, предназначенных для компенсации расцентровок осей соединяемых валов машин и механизмов, с учетом мероприятий, направленных на повышение их нагрузочной способности.

**Ключевые слова:** муфта, зубья, погрешность, перекос осей, пятно контакта, усилия, нагрузочная способность.

**Постановка проблемы.** При изготовлении зубчатых муфт их зубьям присущи накопленные погрешности окружных шагов, которые приводят к неравномерному распределению усилий между зубьями, величины указанных погрешностей определяются точностью изготовления зубьев. Указанная неравномерность носит постоянный характер и не изменяется при вращении зубчатой муфты. В связи с этим, усилие, действующее на максимально нагруженную пару зубьев вследствие ошибок при их изготовлении, складывается поочередно с усилиями, действующими на каждую сопряженную пару зубьев при перекосах осей. Неточность изготовления зубьев, оказывает отрицательное влияние на нагрузочную способность зубчатых муфт, значительно уменьшая ее.

Указанная проблема наиболее ощутима в судовых энергетических установках, где расцентровки осей соединяемых валов вследствие неточности изготовления зубчатых муфт, погрешностей монтажа и влияния эксплуатационных факторов достигают больших величин [1, 2].

**Анализ последних исследований и публикаций.** В литературе встречаются рекомендации по уменьшению влияния накопленных погрешностей окружных шагов [3 - 5], которые сведены к двум основным моментам. Первое – селекционная сборка зубчатых муфт, при которой отыскиваются

© Подгуренко В.С., 2014

наиболее оптимальные варианты сочетания накопленных погрешностей втулок и обойм. Второе – комплекс мероприятий, направленных на уменьшение ошибок при изготовлении зубьев в процессе их производства. Однако эти рекомендации носят случайный характер, поэтому они не нашли широкого практического применения.

**Цель исследований** – определить влияние накопленных погрешностей окружных шагов при изготовлении зубьев на работоспособность зубчатых муфт и дать практические рекомендации по увеличению их нагружочной способности.

**Изложение основного материала.** В работах [3, 4] показано, что закон изменения накопленных погрешностей окружных шагов является синусоидальным, а величины отклонений шагов зубчатой втулки и обоймы от среднего значения окружного шага главным образом определяются эксцентрикитетом основной окружности.

$$\Delta F_{r1} = \frac{F_{r1}}{2} \sin \varphi; \quad \Delta F_{r2} = \frac{F_{r2}}{2} \sin \varphi;$$

где  $F_{r1}$ ,  $F_{r2}$  – наибольшие накопленные погрешности соответственно втулки и обоймы (рис 1, а).

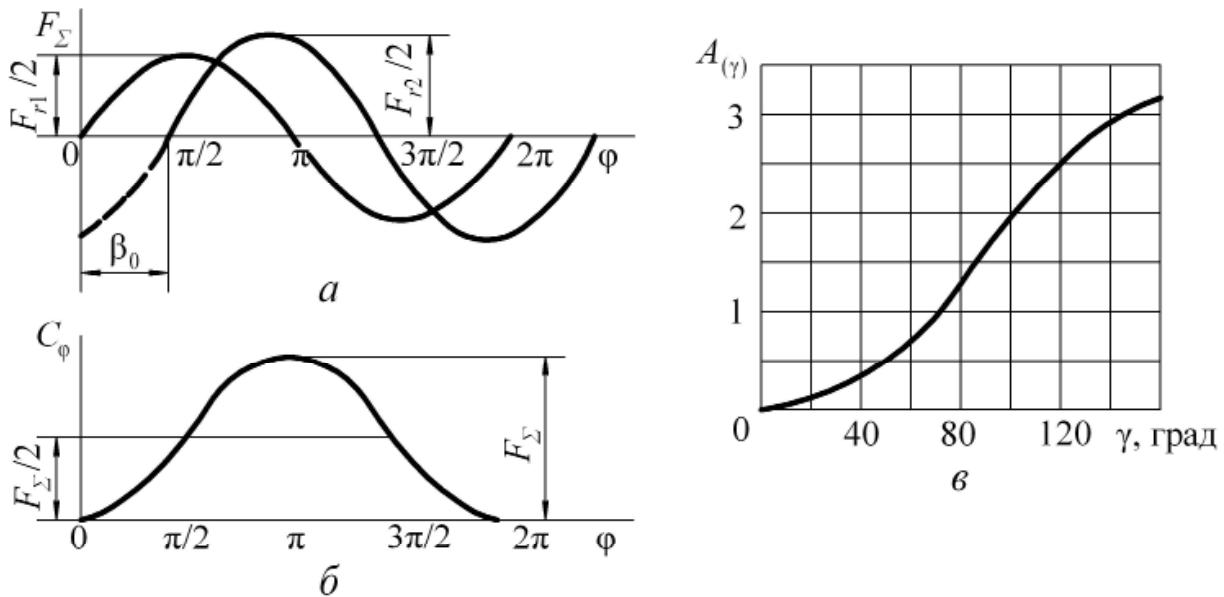


Рис.1. Кривые распределения погрешностей (а), зазоров (б) между зубьями и график для определения функции  $A(\gamma)$ (в)

При этом распределение нормальных боковых зазоров между зубьями с учетом величин отклонений шагов втулки и обоймы от их среднего значения будет иметь вид (*рис. 1, б*)

$$C_\varphi = \frac{F_\Sigma}{2} (1 - \cos \varphi),$$

при этом

$$F_\Sigma = \sqrt{F_{r1}^2 + F_{r2}^2 + 2F_{r1}F_{r2} \cos \beta_0},$$

где  $\beta_0$  – угол, характеризующий относительное положение втулки и обоймы при сборке зубчатых муфт (*рис 1, а*).

При  $F_{r1} = F_{r2} = F_r$  выражение для суммарной накопленной погрешности окружных шагов представим следующим образом:

$$F_\Sigma = 1,4F_r \sqrt{1 + \cos \beta_0}.$$

В зависимости от угла  $\beta_0$  суммарная накопленная погрешность окружных шагов может принимать различные значения. Поэтому при сборке зубчатых муфт необходимо стремиться к выбору оптимального угла  $\beta_0$ . Наиболее распространенной величиной угла, как показал анализ накопленных погрешностей, является  $\beta_0 = 90^\circ$ . Однако окончательные выводы при выборе угла  $\beta_0$  следует делать на основании данных сборки зубчатых муфт или по результатам проведенных экспериментальных исследований.

Перемещение точки контакта нагруженной пары зубьев вследствие ошибок изготовления по аналогии с перемещениями, обусловленными перекосом и радиальным смещением [5, 6], представим в виде

$$W_\varphi = W_p + \frac{F_\Sigma}{2} (\cos \varphi - \cos \gamma), \quad (1)$$

где  $W_p$  – величина деформации минимально нагруженной пары зубьев при  $\varphi = 0$ ;  $\varphi$  – угол, характеризующий положение

произвольно взятой пары зубьев, отсчитываемый от плоскости, отстоящей от плоскости перекоса на угол  $F_{\Sigma}/2 + \alpha_w$  ( $\alpha_w$  - угол зацепления), град;  $g$  - параметрический угол.

С другой стороны, перемещение точки контакта нагруженной пары зубьев может быть выражено зависимостью

$$W_{\varphi} = \delta_{\Sigma} F_{n\varphi}, \quad (2)$$

где  $\delta_{\Sigma}$  – суммарная податливость сопряженной пары зубьев, обусловленная изгибом и сжатием рабочих поверхностей, а также деформациями прилегающих к зубьям участков втулки и обоймы;  $F_{n\varphi}$  – нормальное усилие, действующее на рассматриваемую пару зубьев.

Приравняв (1) к (2), получим выражение, которое характеризует распределение усилий между зубьями вследствие ошибок при их изготовлении:

$$F_{n\varphi} = \frac{1}{\delta_{\Sigma}} \left[ W_p + \frac{F_{\Sigma}}{2} (\cos \varphi - \cos \gamma) \right]. \quad (3)$$

В уравнении (3) величины  $W_p$  и  $\gamma$  являются неизменными, определение которых рассмотрим раздельно.

Положим  $W_p = 0$ ; исходя из  $\gamma < p$ , запишем выражение для вращательного момента, передаваемого зубчатой муфтой [5, 6]

$$T = 2r \cos \alpha_w \frac{zF_{\Sigma}}{4\pi\delta_{\Sigma}} \int_0^{\gamma} (\cos \varphi - \cos \gamma) d\varphi,$$

откуда

$$F_m = \frac{F_{\Sigma} \cos \alpha_w}{2\pi\delta_{\Sigma}} A_{(\gamma)}, \quad (4)$$

где  $F_m = \frac{2T}{mz^2}$  – усилие, передаваемое зубом,  $A_{(\gamma)} = \sin \gamma - \gamma \cos \gamma$ .

Из (4) запишем выражение для функции параметрического угла:

$$A_{(\gamma)} = \frac{2\pi F_m \delta_\Sigma}{F_\Sigma \cos \alpha_w}. \quad (5)$$

Параметрический угол  $\gamma$  следует определить по рис.1,в при вычисленном значении функции  $A_{(\gamma)}$  по (5).

Если в выражение для крутящего момента Т ввести  $W_p$ , считая функцию  $A_{(\gamma)}$  известной, то после определения интегралов и соответствующих преобразований

$$W_p = \frac{\pi F_m \delta_\Sigma}{\gamma \cos \alpha_w} - \frac{F_\Sigma}{2\gamma} A_{(\gamma)}. \quad (6)$$

После подстановки в (3) выражения (6) найдем в окончательном виде зависимость распределения усилий между зубьями:

$$F_{n\varphi} = \frac{\pi F_m}{\gamma \cos \alpha_w} - \frac{F_\Sigma}{2\delta_\Sigma} \left( \frac{\sin \gamma}{\gamma} - \cos \varphi \right). \quad (7)$$

Выражение (7) характерно для случая, когда часть зубьев

вышла из зацепления, что справедливо при  $F_m < \frac{F_\Sigma \cos \alpha_w}{2\delta_\Sigma}$

Если  $F_m$  больше правой части приведенного неравенства, то следует в (7) принять  $\gamma = \pi$  (все зубья находятся в зацеплении). Тогда

$$F_{n\varphi} = \frac{F_m}{\cos \alpha_w} + \frac{F_\Sigma}{2\delta_\Sigma} \cos \varphi. \quad (8)$$

Анализ расчетных данных с использованием зависимостей (7) и (8) показал, что при  $\beta_0 = 90^\circ$  и  $F_r = 0,05$  мм коэффициенты перегрузки зубьев составляют от 1,8 до 2,3 раза, что умень-

шает нагрузочную способность зубчатых муфт в среднем примерно в 2 раза.

Таким образом, ошибки при изготовлении зубьев вызывают резкое снижение нагрузочной способности зубчатых муфт, для повышения которой необходимо более тщательно осуществлять сборку муфт и стремиться к увеличению податливости зубчатого соединения при проектировании. При снижении величины суммарной накопленной погрешности окружных шагов вдвое, усилия, действующие на максимально нагруженную пару зубьев, уменьшаются примерно на 30%.

Влияние накопленных погрешностей окружных шагов на нагрузочную способность зубчатых муфт значительно при отсутствии углов перекоса осей соединяемых агрегатов или при небольших значениях углов, характеризующих число нагруженных зубьев. Однако, начиная с угла перекоса  $5 \cdot 10^{-3}$  рад, влияние накопленных погрешностей окружных шагов становится менее заметным и при значении угла перекоса  $10 \cdot 10^{-3}$  рад оно практически не ощущимо.

#### **Выводы:**

1. Установлено, что накопленные погрешности окружных шагов существенно влияют на нагрузочную способность зубчатых муфт, снижая ее в 1,5-2,5 раза, а при неблагоприятном сочетании накопленных погрешностей окружных шагов втулок и обойм – до трех раз.

2. Одним из способов повышения нагрузочной способности зубчатых муфт при сборке зубчатых муфт перед проверкой зубьев на пятно контакта необходимо добиваться оптимального соотношения накопленных погрешностей окружных шагов втулок и обойм, которое достигается в процессе сборки муфт путем использования кривых накопленных погрешностей.

3. Тщательная сборка зубчатых муфт и увеличение податливости зубчатого соединения позволяет повысить нагрузочную способность зубчатых муфт при угле перекоса осей  $10^{-3}$  рад, без учета радиального смещения, в 1,13 раза, а при увеличении угла перекоса осей до  $5 \cdot 10^{-3}$  рад в 1,05 раза.

Список использованной литературы:

1. Айрапетов Э.Л. Зубчатые муфты [Текст] / Э.Л. Айрапетов, О.И. Косарев — М. : Наука, 1982. — 128с.
2. Верховский А.Н. Определение напряжений в опасных сечениях деталей сложной формы [Текст] / А.Н. Верховский, В.П. Андronov — М. : Mashgiz, 1958. — 147с.
3. Куликов С.И. О распределении окружного усилия между шлицами в шлицевом соединении [Текст] / С.И. Куликов // Сб. науч. тр. Уфимск. авиац. ин-та. — Уфа, 1956. — Вып.2. — С.63 — 73.
4. Попов А.П. Распределение нагрузки между бочкообразными зубьями зубчатых муфт при перекосе осей соединяемых судовых агрегатов [Текст] / А.П. Попов, П.А. Тонкошкур, В.С. Подгуренко. — В кн. : Судостроение и морские сооружения : респ. межведомств. науч. — техн. сб. — Харьков, 1973. — Вып.21. — С.91 — 99.
5. Поляков В.С. Нагрузочная способность зубчатых муфт с бочкообразными зубьями [Текст] / В.С. Поляков, В.Н. Косякин. — В кн. : Конструкция и расчет машин. — Л. : ЛПИ, 1966 — С.11 — 25.
6. Попов А.П. Зубчатые муфты в судовых агрегатах [Текст] / А.П. Попов — Л. : Судостроение, 1985. — 240с.

*B.C. Підгуренко. Навантажувальна здатність зубчастих муфт з урахуванням похибок виготовлення зубів.*

Дано рекомендації з поліпшення працездатності зубчастих муфт, призначених для компенсації розцентровок осей з'єднувальних валів машин і механізмів, з урахуванням заходів, спрямованих на підвищення їх навантажувальної здатності.

*V. Podgurenko. Loading capacity gear of couplings accounting the manufacturing errors of teeth.*

Recommendations as for the improvement of the gear couplings efficiency were designed to compensate the middle centre axes of connecting shaft machines and mechanisms, taking into account measures to increase their load capacity.

## ЗМІСТ

### ЕКОНОМІЧНІ НАУКИ

<b>В.С. Шебанін.</b> Зерновиробництву України – інноваційний розвиток .....	3
<b>I.I. Червен, М.I. Кареба.</b> Щодо розвитку ринку сільськогосподарських угідь в Україні .....	11
<b>О.М. Вишневська.</b> Конкурентні позиції сільськогосподарських підприємств .....	19
<b>I.T. Кіщак, Н.O. Корнєва.</b> Ефективність використання бюджетних коштів на стабілізацію чисельності поголів'я тваринництва у Миколаївській області .....	26
<b>Л.П. Марчук.</b> «Зелена» економіка : суперечності та перспективи розвитку .....	34
<b>I.Г. Крилова.</b> Соціально-вікові особливості участі жінок на ринку праці України.....	42
<b>В.І. Криленко.</b> Оцінка сільськогосподарської складової аграрного сектора у забезпеченні економічної безпеки України.....	49
<b>Т.В. Калашникова.</b> Вплив державної підтримки на економічну стійкість сільськогосподарських підприємств .....	58
<b>Н.Ю. Буга.</b> Стан та проблеми аграрного сектора економіки України в сучасних умовах.....	64
<b>Н.І. Климаш, С.Г. Бляшук.</b> Стан та особливості розвитку аграрного сектора економіки в сучасних умовах.....	71
<b>Н.В. Цуркан.</b> Актуальні проблеми виробництва продукції багаторічних трав на півдні України.....	80
<b>Л.І. Крачок</b> Аспекти технологічної безпеки аграрної галузі в Україні та світі: порівняльний аналіз.....	86
<b>Т.М. Висоцький.</b> Аналіз державної підтримки рослинництва в Україні .....	93
<b>Л.В. Сус.</b> Перспективи стабілізації цінової ситуації в галузі тваринництва .....	100
<b>Р.В. Данильченко.</b> Міжнародний досвід функціонування та регулювання зернового ринку.....	109

<b>Ю.А. Кормишикін.</b> Механізм державної підтримки рослинництва.....	119
--	-----

## **СІЛЬСЬКОГОСПОДАРСЬКІ НАУКИ**

<b>Л.К. Антилова.</b> Роль абіотичних факторів у формуванні врожаю насіння люцерни за різних укосів.....	127
<b>Н.В. Маркова.</b> Агроекологічні аспекти вирощування гібридів соняшнику в умовах Південного Степу України .....	133
<b>Н.М. Єфімова.</b> Вплив мінеральних добрив на поживний режим ґрунту та урожайність післяжинивних посівів проса в агромеліоративному полі рисової сівозміни .....	140
<b>Б.І. Аврамчук.</b> Формування висоти еспарцету посівного залежно від елементів технології в правобережному лісостепу України ...	148
<b>Л.В. Гойсюк.</b> Особливості водоспоживання кабачка за різних строків сівби та схем розміщення рослин в умовах західного Лісостепу України.....	154
<b>В.І. Гроза.</b> Динаміка росту і розвитку перепелів при вирощуванні з використанням наносрібла.....	161
<b>Н.В. Гребенюк.</b> Особливості годівлі бугайців у період вирощування до 6- місячного віку.....	169

## **ТЕХНІЧНІ НАУКИ**

<b>В.Р. Черлінка.</b> Застосування гексагонально-растрової ЦМР у дослідженнях хронологічно-хорологічної варіабельності ґрутового покриву .....	176
<b>А.Ю. Ліннік.</b> Визначення діючої сили еластичного бича на коренеплід цукрового буряка .....	182
<b>С.Г. Чорний, А. О. Жиленков, Л. М. Козаченко,</b> <b>I.Л. Тітов.</b> Алгоритмізація процесу оптимального керування узагальненим показником якості для складних структур.....	188
<b>В.С. Подгуренко.</b> Нагрузочная способность зубчатых муфт с учетом погрешностей изготовления зубьев.....	197

Наукове видання

**Вісник аграрної науки Причорномор'я**  
**Випуск 1(77) – 2014**

Технічний редактор:                   *O.M. Кушнарьова.*  
Комп'ютерна верстка:                   *M.G. Алексєєв.*

Підписано до друку 25.02.2014. Формат 60 x 84 1/16.  
Папір друк. Друк офсетний. Ум.друк.арк. 13,2.  
Тираж 300 прим. Зам. № \_\_\_\_\_. Ціна договірна.

Надруковано у видавничому відділі  
Миколаївського національного аграрного університету  
54020, м.Миколаїв, вул.Паризької комуни, 9

Свідоцтво суб'єкта видавничої справи ДК № 4490 від 20.02.2013 р.